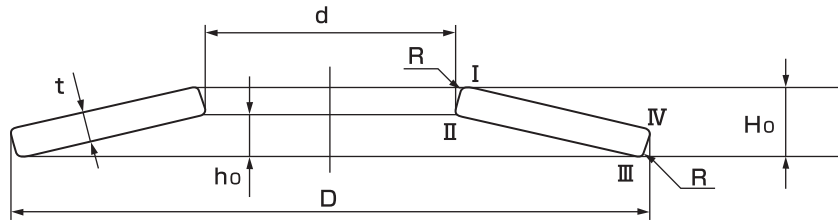


### (3) 皿ばねの荷重・応力計算

(参考資料：JIS B 2706)



D : 外径(mm)	$\delta$ : たわみ量(mm)
d : 内径(mm)	k : ばね定数(N/mm)
t : 板厚(mm)	R : 角部の面取り半径(mm)
Ho : 自由高さ(mm)	$\sigma_I$ : 位置Iの応力(N/mm <sup>2</sup> )
ho : 全たわみ量 (Ho-t) (mm)	$\sigma_{II}$ : 位置IIの応力(N/mm <sup>2</sup> )
E : 縦弾性係数(N/mm <sup>2</sup> )	$\sigma_{III}$ : 位置IIIの応力(N/mm <sup>2</sup> )
$\nu$ : 材料のポアソン比(0.3)	$\sigma_{IV}$ : 位置IVの応力(N/mm <sup>2</sup> )
P : 荷重(N)	

計算に使用する係数については次の通りになります。

$$\alpha = \frac{D}{d}$$

$$C_1 = \frac{1}{\pi} \cdot \frac{\left(\frac{\alpha-1}{\alpha}\right)^2}{\frac{\alpha+1}{\alpha-1} - \frac{2}{\ln\alpha}}$$

$$C_2 = \frac{1}{\pi} \cdot \frac{6}{\ln\alpha} \cdot \left(\frac{\alpha-1}{\ln\alpha} - 1\right)$$

$$C_3 = \frac{3}{\pi} \cdot \frac{\alpha-1}{\ln\alpha}$$

荷重Pは角部のR面取りを考慮した補正項  $\left(\frac{D-d}{(D-d)-3R}\right)$  をいれ、次の式となります。

$$P = \frac{D-d}{(D-d)-3R} \cdot \frac{4E}{1-\nu^2} \cdot \frac{t^3}{C_1 D^2} \cdot \delta \cdot \left[ \left(\frac{h_0}{t} - \frac{\delta}{t}\right) \cdot \left(\frac{h_0}{t} - \frac{\delta}{2t}\right) + 1 \right]$$

図に示す位置I, II, III, IVの応力は以下の式で求めることができます。

正の場合は引張応力を、負の場合には、圧縮応力を示します。

$$\sigma_I = \frac{4E}{1-\nu^2} \cdot \frac{t}{C_1 D^2} \cdot \delta \cdot \left[ -C_2 \cdot \left(\frac{h_0}{t} - \frac{\delta}{2t}\right) - C_3 \right]$$

$$\sigma_{II} = \frac{4E}{1-\nu^2} \cdot \frac{t}{C_1 D^2} \cdot \delta \cdot \left[ -C_2 \cdot \left(\frac{h_0}{t} - \frac{\delta}{2t}\right) + C_3 \right]$$

$$\sigma_{III} = \frac{4E}{1-\nu^2} \cdot \frac{t}{\alpha C_1 D^2} \cdot \delta \cdot \left[ (2C_3 - C_2) \cdot \left(\frac{h_0}{t} - \frac{\delta}{2t}\right) + C_3 \right]$$

$$\sigma_{IV} = \frac{4E}{1-\nu^2} \cdot \frac{t}{\alpha C_1 D^2} \cdot \delta \cdot \left[ (2C_3 - C_2) \cdot \left(\frac{h_0}{t} - \frac{\delta}{2t}\right) - C_3 \right]$$

ばねのばね定数は、非線形であるので以下の式を用いて求めることができます。

$$k = \frac{dP}{d\delta} = \frac{D-d}{(D-d)-3R} \cdot \frac{4E}{1-\nu^2} \cdot \frac{t^3}{C_1 D^2} \cdot \left[ \left(\frac{h_0}{t}\right)^2 - 3 \frac{h_0}{t} \cdot \frac{\delta}{t} + \frac{3}{2} \left(\frac{\delta}{t}\right)^2 + 1 \right]$$